

Задача A. Forgotten Numbers

Имя входного файла: `input.txt`
Имя выходного файла: `output.txt`
Ограничение по времени: 2 seconds
Ограничение по памяти: 256 MiB

В голове у Винни-Пуха опилки, но это никакого ему не вредит. Он делает глупости, а в итоге все получается правильно. На этот раз он гордо произнес арифметическое выражение $\langle\text{Expression}\rangle$.

Сова не то чтобы очень умная, но знает много разного. В том числе и правила BNF для разбора арифметических выражений.

```

⟨Expression⟩ → ⟨MultTerm⟩ | ⟨Expression⟩ + ⟨MultTerm⟩ | ⟨Expression⟩ - ⟨MultTerm⟩
⟨MultTerm⟩ → ⟨Term⟩ | ⟨MultTerm⟩ * ⟨Term⟩
          ⟨Term⟩ → ⟨Number⟩ | ((⟨Expression⟩)) | ⟨MinTerm⟩ | ⟨MaxTerm⟩ | ⟨DivTerm⟩
⟨MinTerm⟩ → min ((⟨Expression⟩), ⟨Expression⟩)
⟨MaxTerm⟩ → max ((⟨Expression⟩), ⟨Expression⟩)
⟨DivTerm⟩ → div2 ((⟨Expression⟩))

```

Здесь $\langle\text{Number}\rangle$ — это некоторое целое число от 1 до 100 включительно, min и max — операторы минимума и максимума двух чисел соответственно, и $\text{div2}(x)$ — наибольшее целое число, которое не превосходит $\frac{x}{2}$.

Старый серый ослик Иа-Иа настолько печален, что его совершенно не беспокоит тот факт, что ему придется вычислять значение арифметического выражения `<Expression>`, а некоторые числа забыли и заменили на знаки вопроса.

Формат входного файла

В единственной строке записано арифметическое выражение `(Expression)`, в котором забытые числа заменены знаком «?». Длина строки не превосходит 100 символов. Гарантируется, что выражение может быть разобрано с помощью указанного выше BNF.

Формат выходного файла

Выведите число — результат вычислений Иа, если это единственный возможный ответ. Иначе выведите «?». Обратите внимание: Иа знает, что числа были целыми от 1 до 100.

Примеры

Задача B. Colored Ring (Division 1 Only!)

Имя входного файла: `input.txt`

Имя выходного файла: `output.txt`

Ограничение по времени: 3 seconds

Ограничение по памяти: 256 MiB

На столе лежит кольцо, k секторов которого раскрашены в попарно различные цвета. Сектора пронумерованы последовательно по направлению часовой стрелки, и i -й сектор имеет i -й цвет. Кенга разрешила крошке Ру написать на кольце n различных целых чисел от 1 до n . Причем, число i должно быть записано или на секторе цвета x_i , или на любом другом, который не дальше a_i секторов по направлению против часовой стрелки или не дальше b_i секторов по часовой.

Кенга говорит, что числа записаны правильно, если все числа записаны только там, где она разрешила, на каждом секторе написано не более одного числа, и числа 1, 2, ..., n , которые написал крошка Ру, идут по часовой стрелке.

Теперь крошка Ру хочет знать, сколько у него различных способов испортить разноцветное кольцо числами, записывая их так, как сказала Кенга. Обратите внимание: для того, чтобы испортить один сектор, неважно, какое число на нем писать.

Формат входного файла

В первой строке записано два целых числа n and k ($1 \leq n \leq 15$, $1 \leq k \leq 60$, $n \leq k$). В следующих n строках записано по три целых числа x_i , a_i , b_i ($1 \leq x_i \leq k$; $0 \leq a_i, b_i$; $a_i + b_i < k$). Последовательность x_i строго возрастает.

Формат выходного файла

Выведите количество способов испортить разноцветное кольцо.

Примеры

<code>input.txt</code>	<code>output.txt</code>
1 5 1 2 1	4
3 8 4 0 3 5 0 3 6 0 0	3
3 7 2 2 4 4 1 3 6 1 5	35

Задача C. Christopher Robin is Learning Sorting Permutations (Division 1 Only!)

Имя входного файла: input.txt
Имя выходного файла: output.txt
Ограничение по времени: 4 seconds (*7 seconds for Java*)
Ограничение по памяти: 256 MiB

```
// WRITTEN BY ME AND MR CORMEN HELPD
int psort(int L, int R) {
    if (L >= R)
        return 0;

    int i = L;
    int j = R;
    int x = Random.next();
    int x0 = A[x];

    assert(L <= x && x <= R);

    while (i < j) {
        while (A[i] < A[x]) i++;
        while (A[j] > A[x]) j--;
        if (i <= j) {
            if (i == x)
                x = j;
            else if (j == x)
                x = i;
            swap(A[i], A[j]);
            i++;
            j--;
        }
    }

    swap(A[x], A[x0]);

    return R - L + psort(L, x0 - 1) + psort(x0 + 1, R);
}
```

(В последней строке рекурсивный вызов функций происходит в порядке слева направо.)

Вам дано число n и последовательность чисел, которую возвращает `Random.next()`. Найдите такой массив A , что `psort(1, n)` будет возвращать наибольшее возможное значение. Массив A должен быть перестановкой n целых чисел от 1 до n . Обратите внимание, что сортировка может быть неуспешной из-за строки:

```
assert(L <= x && x <= R)
```

Формат входного файла

В первой строке записано одно целое число n ($1 \leq n \leq 50$). Во второй строке записано n целых чисел от 1 до n , разделенных пробелами. Это числа, которые возвращают последовательные вызовы функции `Random.next()`.

Формат выходного файла

Если такого массива A не существует, выведите «**No solution**». Иначе, выведите в первой строке «**Solution exists**» и сам массив A на второй строке. Если существует несколько таких массивов, выведите любой из них.

Примеры

input.txt	output.txt
3 1 2 3	Solution exists 1 2 3
7 1 7 1 7 1 7 1	No solution

Задача D. Clever Plan

Имя входного файла:	<code>input.txt</code>
Имя выходного файла:	<code>output.txt</code>
Ограничение по времени:	2 seconds (<i>7 seconds for Java</i>)
Ограничение по памяти:	256 MiB

Кролик подготовил Очень Умный План для Пуха, чтобы обмануть Слонопотама. Представьте себе n горшков с медом, которые Пух распределяет между собой и Слонопотамом таким образом, что каждый из них получает по крайней мере по одному горшку, и все такие распределения равновероятны. (Горшки неразличимы, так что таких распределений всего $n - 1$.)

Теперь Пух и Слонопотам начинают играть. Игра состоит из раундов, и она заканчивается, если у Слонопотама или у Пуха больше нет горшков с медом. Каждый раунд играется по невероятно сложному плану Кролика, поэтому все, что можно сказать о раунде, это всего лишь три числа: p , q , r ($p + q + r = 1$). Во время раунда происходит одно из следующих событий: или Слонопотам получает один горшок от Пуха с вероятностью p , или Пух получает от Слонопотама один горшок с вероятностью q , или все остается как прежде с вероятностью r . И так каждый раунд.

Допустим, было сыграно i раундов, игра еще не закончилась, а распределение горшков между Пухом и Слонопотамом оказалось точно таким же, как и до начала первого раунда. Какова вероятность такого события?

Формат входного файла

В первой строке содержится одно целое число T — количество тестов ($1 \leq T \leq 200$).

Каждый тест состоит из трех строк. Первая строка каждого теста содержит одно целое число n — количество горшков с медом ($3 \leq n \leq 26$). Вторая строка t -го теста содержит три числа: p_t , q_t , r_t ($0.3 \leq p_t, q_t, r_t < 1$, $p_t + q_t + r_t = 1$). Вероятности даны с точностью не более двух знаков после запятой. В третье строке записано целое число k_t ($1 \leq k_t \leq 1600$) — максимальное число раундов.

Формат выходного файла

Для каждого теста выведите k_t строк; i -я из них должна содержать число — вероятность события, описанного в условии (после i -го раунда). Числа должны быть выведены с относительной погрешностью не более 10^{-3} .

Пример

input.txt	output.txt
1	4.000000e-01
3	2.500000e-01
0.3 0.3 0.4	1.720000e-01
5	1.201000e-01
	8.404000e-02

Задача E. Visiting (Division 1 Only!)

Имя входного файла: `input.txt`

Имя выходного файла: `output.txt`

Ограничение по времени: 2 seconds

Ограничение по памяти: 256 MiB

Винни-Пух очень любит ходить в гости. В Лесу есть несколько тропинок, по которым он может ходить из одного дома в другой. Пух хочет, чтобы по этим тропинкам можно было добраться от каждого дома до любого другого.

По каждой из тропинок Винни-Пух ходит только в одну сторону. Это потому что он всегда бормочет себе под нос песенки, когда идет, и не может бормотать их задом наперед. Так что Пуху потребуется немногих новых тропинок.

Формат входного файла

В первой строке записано два целых числа n и m ($1 \leq n \leq 500$, $0 \leq m \leq 800$) — количество домов и количество существующих тропинок соответственно.

В следующих m строках содержится описание тропинок. Каждое описание состоит из двух чисел a_i и b_i ($a_i \neq b_i$), что означает, что Пух ходит по этой тропинке от дома a_i к дому b_i . Дома пронумерованы от 1 до n . Все пары (a_i, b_i) различны.

Формат выходного файла

На первой строке выведите число k — наименьшее возможное число новых тропинок.

В следующих k строках выведите описания новых тропинок. Каждое описание должно следовать тому же формату, что и во входном файле. Ответ должен быть лексикографически минимальным.

Примеры

<code>input.txt</code>	<code>output.txt</code>
3 2	2
1 2	2 1
1 3	3 1
4 2	2
1 2	2 3
3 4	4 1

Note

Последовательность пар u_1, u_2, \dots, u_k лексикографически меньше, чем последовательность пар v_1, v_2, \dots, v_k , если существует такой индекс i , $1 \leq i \leq k$, что $u_i < v_i$ и $u_j = v_j$ для всех $j < i$. Здесь все пары также сравниваются лексикографически.

Пара (a_1, b_1) лексикографически меньше, чем пара (a_2, b_2) , если $a_1 < a_2$ или выполняются два условия: $a_1 = a_2$ и $b_1 < b_2$.

Задача F. Repeating b -ary

Имя входного файла: `input.txt`

Имя выходного файла: `output.txt`

Ограничение по времени: 2 seconds

Ограничение по памяти: 256 MiB

Пытаясь выбраться из дома Кролика через нору, Пух в ней застрял. Кристофер Робин сказал, что придется подождать, пока Пух не похудеет. Чтобы поддержать и утешить медвежонка, Кристофер Робин предложил ему записать b -ичное представление числа $\frac{1}{x}$. К тому времени, когда Винни-Пух закончит его записывать, он, естественно, похудеет. А сколько времени это займет, зависит от количества чисел в непериодической части и количества чисел в периодической части b -ичного представления числа. Вам дано x , найдите эти числа.

Формат входного файла

В единственной строке записаны числа x и b ($2 \leq x \leq 10^{12}$, $2 \leq b \leq 10^{18}$), где b — основание системы счисления, в которой Пуху нужно записать число.

Формат выходного файла

Выведите минимальные возможные длины непериодической и периодической частей.

Примеры

<code>input.txt</code>	<code>output.txt</code>
2 10	1 0
3 10	0 1
2 2	1 0
3 2	0 2

Задача G. Christopher Robin is Learning Object-oriented Programming (Division 1 Only!)

Имя входного файла: `input.txt`

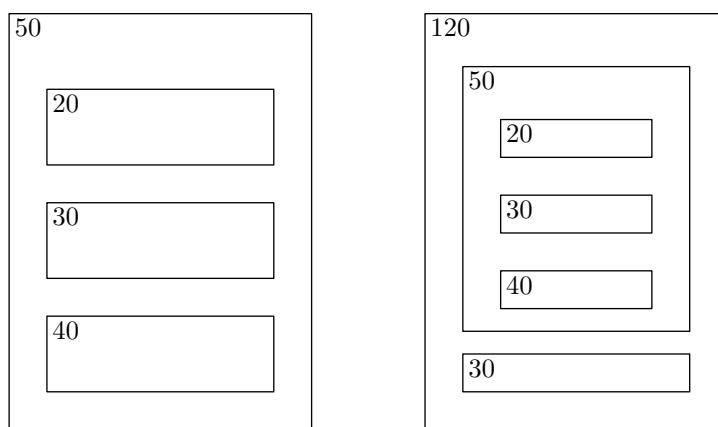
Имя выходного файла: `output.txt`

Ограничение по времени: 3 seconds (*6 seconds for Java*)

Ограничение по памяти: 256 MiB

В этой задаче вам потребуется сравнить все объекты друг с другом.

Каждый объект имеет скалярную величину и список ссылок на другие объекты (возможно пустой). Порядок ссылок в списке **важен**. Объекты можно изобразить следующими диаграммами:



Здесь первый объект имеет скалярную величину 50 и ссылается на три объекта. Второй объект ссылается на первый объект и на объект со скалярной величиной 30.

Можно сказать, что объекты равны, если их диаграммы неотличимы. Конечно, такие диаграммы нельзя изобразить на бумаге при наличии в объектах циклических ссылок, но тем не менее диаграммы таких объектов можно сравнивать.

Формат входного файла

В первой строке входного файла записано число n ($2 \leq n \leq 10^5$) — количество объектов. В следующих n строках описаны сами объекты.

Каждое описание начинается с целого числа s ($0 \leq s \leq 10^5$) — скалярной величины объекта. Далее следует число m ($0 \leq m \leq 10$) и m чисел — список ссылок. Каждая ссылка является номером объекта. Объекты пронумерованы от 1 до n в том же порядке, в каком они следуют во входном файле.

Формат выходного файла

Выведите ровно n строк.

В i -й строке должен быть записан номер класса, которому принадлежит i -ый объект. Равные объекты должны принадлежать одному классу, различные — разным. Номера классов должны быть целыми числами от 1 до $2^{63} - 1$, включительно.

Пример

input.txt	output.txt
8	10
50 3 3 4 5	12
120 2 1 4	3
20 0	4
30 0	5
40 0	10
50 3 3 4 5	12
120 2 6 4	11
120 2 4 6	

Задача Н. Exposition (Division 1 Only!)

Имя входного файла:	input.txt
Имя выходного файла:	output.txt
Ограничение по времени:	2 seconds
Ограничение по памяти:	256 MiB

Винни-Пух брел по Лесу, собираясь повидать своего друга Кристофера Робина и выяснить, не позабыл ли он о том, что на свете существуют медведи. Это был день, когда Кристофер Робин готовился к экспедиции на Северный Полюс. Кристофер Робин попросил Пуха сказать всем остальным, чтобы они тоже собирались и не забыли провизию. Пух уже успел поговорить с Кроликом и теперь торопился к дому Пятачка.

— Эй, Пятачок! — взволнованно сказал Пух. — Мы все отправляемся в экспедицию. Все, все! И берем про... Покушать. Мы должны что-то открыть.

Поначалу, Пятачка напугало это *что-то*, но потом он сказал: «Если с нами пойдет Кристофер Робин, я тогда вообще ничего не боюсь!»

Спустя немного времени все были в сборе, и экспедиция началась. В самом конце, растянувшись длинной цепочкой, шли все Родные и Знакомые Кролика.

— Я их не приглашал, — небрежно объяснил Кролик, — они просто взяли и пришли. Они всегда так. Они могут идти в конце, позади Иа.

Иа начал жаловаться на Родных и Знакомых, потому что они действуют на нервы. Иа уже был готов отказаться от всей экспедиции.

Перед Кристофером Робином всталая задача. Всего собралось в экспедицию n . Кристофер Робин хочет, чтобы k из них пошли в экспедицию не смотря ни на что (он уже решил, кто именно). Также ему хочется, чтобы экспедиционная группа была полной: чтобы не было никакой возможности добавить еще одного, двух или больше так, чтобы никто не начал жаловаться. Так кто же пойдет в конце-концов открывать Северный Полюс?

Формат входного файла

В первой строке записаны два целых числа n and m ($1 \leq n \leq 150\,000$, $0 \leq m \leq 150\,000$). В следующих строках записаны требования двух различных типов. Каждое требование состоит из трех целых чисел t_i , a_i and b_i ($1 \leq a_i, b_i \leq n$, $a_i \neq b_i$). Если $t_i = 1$, то a_i ни за что не пойдет в экспедицию, если надоедливый b_i собрался пойти. (Кристофер Робин не смог вспомнить всех имен Родных и Знакомых Кролика, так что он просто пронумеровал всех присутствующих.) И если $t_i = 2$, то a_i никуда не пойдет без своего друга b_i .

Все жители Леса довольно дружные, поэтому количества требований с $t_i = 1$ не превосходит 40. Все пары (a_i, b_i) различны.

Следующая строка содержит целое число k ($0 \leq k \leq n$). В случае, если k положительно, то последняя строка содержит k целых чисел — те, кого Кристофер Робин хочет взять обязательно.

Формат выходного файла

В первой строке выведите единственное целое число s — количество членов экспедиции. Во второй строке выведите s чисел, разделенных пробелами, попарно различных, — кто пошел в экспедицию. Принимается любой ответ, в котором группа является полной. Гарантируется, что хотя бы один такой ответ существует.

Примеры

input.txt	output.txt
3 2 1 1 2 1 2 3 1 3	2 1 3
3 3 2 1 2 2 1 3 1 2 3 0	1 2

Задача I. Wrong Sort of Bees

Имя входного файла:	input.txt
Имя выходного файла:	output.txt
Ограничение по времени:	2 seconds (<i>5 seconds for Java</i>)
Ограничение по памяти:	256 MiB

Пытаясь достать немного меда с самой верхушки огромного дуба, Пух держал в своих лапах воздушный шар и пел:

*Я Тучка, Тучка, Тучка,
А вовсе не медведь,
Ах, как приятно Тучке
По небу лететь!
Ах, в синем-синем небе
Порядок и уют —
Поэтому все Тучки
Так весело поют!*

Ветер дул в сторону дерева, и Пух двигался вдоль прямой на постоянной высоте и с постоянной скоростью V_{Pooh} метров в минуту. К сожалению, направление не было достаточно точным, и он пролетел мимо дерева.

Внезапно, Пух заметил пчелу на расстоянии R метров прямо перед собой по направлению своего движения, которая тут же начала летать вокруг Пуха на той же постоянной высоте, что и он. Пух обратил внимание (со своей точки наблюдения), что пчела ведет себя подозрительно: она летает вокруг него с постоянной угловой скоростью Ω_{bee} оборотов в минуту. Более того, расстояние между пчелой и Пухом уменьшается с постоянной скоростью V_{bee} метров в минуту.

Когда пчела села на Пуха, он крепко задумался. Какова длина траектории пчелы? Это так важно, потому что Пух знает, что пчелы не могут летать слишком далеко. А если они все-таки летают так далеко, то это какие-то неправильные пчелы, и они, наверно, делают неправильный мед.

В этой задаче размерами Пуха и пчелы нужно пренебречь.

Формат входного файла

В первой строке записано целое число T ($1 \leq T \leq 100$) — количество тестов.

Каждый тест состоит из единственной строки, содержащей четыре целых числа: R , V_{Pooh} , V_{bee} , Ω_{bee} . Гарантируется, что $1 \leq R, V_{Pooh}, V_{bee}, \Omega_{bee} \leq 100$.

Формат выходного файла

Выведите T строк, в каждой из которых содержится ответ на соответствующий тест — длина траектории пчелы. Числа должны быть выведены с абсолютной или относительной погрешностью не более 10^{-4} .

Пример

input.txt	output.txt
1 1 1 1 1	3.36757

Задача J. Maximal Sum (Division 1 Only!)

Имя входного файла: `input.txt`

Имя выходного файла: `output.txt`

Ограничение по времени: 2 seconds

Ограничение по памяти: 256 MiB

— Знаешь, Пятачок, — сказал Пух. — Кристофер Робин складывает числа без переноса в старшие разряды.

— Неужели он пишет что-то вроде $5 + 5 = 0$, $19 + 3 = 12$ and $75 + 25 = 90$?

— Да. И он называет это *поразрядной суммой*. Он просто суммирует пары соответствующих цифр по модулю 10. Интересно, какое наибольшее число он сможет получить, складывая числа только из моего списка?

Формат входного файла

На первой строке Винни-Пух написал единственное целое число n ($1 \leq n \leq 10^5$). Немного подумав, он написал еще n строчек и отнес свой список Кристоферу Робину. Таким образом, на строке с номером $i + 1$ оказалось записано целое число x_i ($0 < x_i < 10^6$).

Формат выходного файла

В первой строке выведите одно целое число a — максимальную поразрядную сумму, которую может получить Кристофер Робин. Во второй строке выведите целое число m — сколько чисел потребовалось Кристоферу Робину. Но $0 \leq m \leq 108$, потому что у Винни-Пуха в голове опилки и он не сможет проверить ответ, если чисел будет больше, чем сто восемь. В третьей строке выведите m чисел — числа, поразрядная сумма которых равна a . Помните, что каждое из этих чисел должно быть одним из x_i из списка Винни-Пуха.

Если нет такого максимального ответа, который Винни-Пух сможет проверить, просто выведите a на первой строке и -1 на второй.

Примеры

<code>input.txt</code>	<code>output.txt</code>
1 1	9 9 1 1 1 1 1 1 1 1 1
2 12 13	99 9 12 12 12 12 12 12 12 12 13
2 15 5	95 9 15 15 15 15 15 15 15 15 15

Задача K. Leapfrog (Division 1 Only!)

Имя входного файла: `input.txt`

Имя выходного файла: `output.txt`

Ограничение по времени: 2 seconds

Ограничение по памяти: 256 MiB

Все Родственники и Знакомые Кролика играют в чехарду. Сегодня, n из них выстроились в одну прямую и начали играть. А играют они следующим образом:

- 1) Один из Родственников и Знакомых (назовем его X) выбирает другого (Y), чтобы прыгнуть через него.
- 2) X прыгает через Y -а таким образом, что он остается на той же прямой, что и раньше, а расстояние между X и Y становится таким же, как и до прыжка.

Родственники и Знакомые Кролика достаточно малы, чтобы легко помещаться в одном и том же месте, хоть все сразу.

Формат входного файла

В первой строке записано целое число n ($1 \leq n \leq 100$).

Во второй строке записано n чисел a_i , разделенных пробелами — начальные положения Родственников и Знакомых на прямой. То есть, i -й из них стоит в позиции a_i .

В третьей строке записано n чисел, разделенных пробелами — желаемое размещение Родственников и Знакомых. Текущее размещение считается желаемым, если возможно переставить числа в текущем размещении таким образом, что список чисел-позиций в нем совпадет со списком позиций в желаемом размещении.

Все числа целые, от 1 до 100 включительно.

Формат выходного файла

Выведите «**No**», если Родственники и Знакомые Кролика не смогут встать в желаемое размещение, играя в чехарду.

Иначе, выведите «**Yes**», а затем прыжки, которые нужно выполнить. (Можно ничего не выводить, если необходимости в прыжках нет.) Каждая следующая строка должна содержать пару чисел X и Y для каждого прыжка X -а через Y -а (имена Родственников и Знакомых: 1, 2, ..., n).

Количество прыжков не должно превышать 5×10^5 , и никто не должен вставать в позицию, которая находится от позиции 0 дальше, чем 10^8 единиц.

Примеры

<code>input.txt</code>	<code>output.txt</code>
2 1 2 5 6	Yes 1 2 2 1 1 2 2 1
2 1 2 1 3	No

Задача L. Shops and Balloons (Division 2 Only!)

Имя входного файла: `input.txt`

Имя выходного файла: `output.txt`

Ограничение по времени: 12 seconds

Ограничение по памяти: 256 MiB

В графстве, в котором живёт Кристофер Робин, N городов ($N \leq 5,000$), при этом каждый город может иметь торговые связи с другими городами. Всего имеется T двусторонних прямых маршрутов ($0 \leq T \leq 25 \cdot 10^6$).

Для каждого прямого торгового маршрута между городами x и y определена стоимость перевозки между этими городами $C(x, y)$, причём $C(x, y) \geq 0$, $C(x, y) \leq 10^4$ и $C(x, y) = C(y, x)$.

В K из этих N городов ($1 \leq K \leq N$) есть интернет-магазины, в которых можно заказать воздушные шарики соответствующей расцветки.

Цена одного шарика в городе x равна P_x ($0 \leq P_x \leq 10^4$).

Требуется найти минимальную сумму затрат, необходимую для того, чтобы купить и доставить один воздушный шарик в заданный город D ($1 \leq D \leq N$). Если шарик покупается в городе D , то плата за доставку равна нулю.

Формат входного файла

В первой строке входного файла задано целое число N — количество городов. Города занумерованы от 1 до N . Во второй строке задано число T — количество прямых маршрутов. Последующие T строк описывают сами маршруты. Каждая строка содержит 3 целых числа x y $C(x, y)$, показывающие, что данный маршрут соединяет города x и y , а затраты на перевозку шарика по этому маршруту равны (x, y) . Следующая строка содержит целое число K — количество городов, в которых можно купить шарики. В последующих k строках заданы по два целых числа z и P_z , обозначающие, что цена шарика при покупке в городе z равна P_z . Последнее число содержит целое число D — номер города, в который требуется доставить шарик.

Формат выходного файла

Выведите одно число — минимальную сумму затрат, необходимую для покупки и доставки в пункт D одного воздушного шарика.

Пример

<code>input.txt</code>	<code>output.txt</code>
3	
3	
1 2 4	
2 3 2	
1 3 3	
3	
1 14	
2 8	
3 3	
1	
	6

Задача M. Christopher Robin is Learning Bar Graphs (Division 2 Only!)

Имя входного файла: `input.txt`
Имя выходного файла: `output.txt`
Ограничение по времени: 2 seconds
Ограничение по памяти: 256 MiB

Вам заданы N целых неотрицательных величин X_1, \dots, X_N . Требуется построить отображающую их гистограмму (клеточную диаграмму), столбцы которой составлены из символов '#', высота максимального столбца равна H символов, а остальные столбцы отмасштабированы пропорционально так, что i -й столбец имеет высоту k символов тогда и только тогда, когда отмасштабированное значение X_i не менее n и меньше $n + 1$.

Формат входного файла

Входной файл состоит из одной строки, начинающейся с двух целых чисел H и N (максимальная высота столбца и количество величин). Далее заданы сами величины — N целых чисел X_1, \dots, X_N , причём как минимум одно из них не равно нулю ($1 \leq H \leq 100$, $1 \leq N \leq 100$, $0 \leq X_i \leq 10^4$).

Формат выходного файла

Выведите требуемую гистограмму в формате, указанном в примере к задаче.

Пример

<code>input.txt</code>	<code>output.txt</code>
16 7 30 21 39 1 17 16 62	# # # # # # # # # # # # # # # # ### ### ### ### ### ### ### ### ###

Задача N. Encryption (Division 2 Only!)

Имя входного файла: `input.txt`

Имя выходного файла: `output.txt`

Ограничение по времени: 2 seconds

Ограничение по памяти: 256 MiB

Винни-Пух и Кролик решили использовать в своей переписке так называемый шифр Цезаря.

Пусть каждое сообщение состоит из заглавных и строчных латинских букв, а также знаков пунктуации. Сторона, отправляющая послание, увеличивает значение каждой буквы (с сохранением регистра) на некую заданную величину, называемую сдвигом. При этом сдвиг происходит циклически, то есть при значении сдвига 1 'a' переходит в 'b', 'b' в 'c', 'z' в 'a', 'K' в 'L' и так далее. Если символ не является буквой, то он должен остаться неизменным.

Ваша задача — по входному сообщению и сдвигу построить зашифрованное сообщение.

Формат входного файла

В первой строке входного файла задано одно целое число n — сдвиг ($1 \leq n \leq 10^9$). В последующей строке задано сообщение. Каждое сообщение состоит из не более, чем 1024 символов, коды которых не больше 126 и не меньше 32 и которые могут быть расположены на нескольких строках.

Формат выходного файла

Выполните зашифрованное с данным значением сдвига сообщение, сохраняя соответствие между строками.

Пример

<code>input.txt</code>	<code>output.txt</code>
27 This is @ Test Message! No PiG1Et can read it! Are you sure that Code works?	Uijt jt @ Uftu Nfttbhf! Op QjHmFu dbo sfbe ju! Bsf zpv tvsf uibu Dpef xpslt?

Задача O. Cool numbers (Division 2 Only!)

Имя входного файла: `input.txt`

Имя выходного файла: `output.txt`

Ограничение по времени: 2 seconds

Ограничение по памяти: 256 MiB

Пятачок считает число n *интересным*, если оно может быть представлено в виде $n = k^p$ и $n = l^q$, где k, p, l, q — целые положительные числа, p и q взаимно просты и $p, q > 1$.

Например, 64 — интересное число, так как $64 = 8^2$ и $64 = 4^3$.

Ваша задача — написать программу, которая поможет Пятачку найти все «интересные» числа в заданном диапазоне.

Формат входного файла

В первой строке входного файла задано число a ($1 \leq a \leq 10^8$), во второй — число b ($a \leq b \leq 10^8$) — соответственно первое и последнее число в заданном диапазоне.

Формат выходного файла

Выведите одно число — количество интересных чисел в заданном диапазоне.

Пример

<code>input.txt</code>	<code>output.txt</code>
1	2
82	
101	1
1001	

Задача P. Lights (Division 2 Only!)

Имя входного файла: `input.txt`

Имя выходного файла: `output.txt`

Ограничение по времени: 2 seconds

Ограничение по памяти: 256 MiB

Ослик Иа-Иа на свой день рождения получил забавную игрушку. Игрушка представляла собой прямоугольник из R рядов лампочек, при этом каждый из рядов содержит L лампочек. Лампочки могут находиться в одном из двух состояний: включённом или выключенном.

Занумеруем ряды снизу вверх (при этом самый нижний ряд получит номер 1, самый верхний — номер R). Напротив каждого ряда, кроме самого верхнего, есть кнопка, которая может быть нажата.

Нажатие кнопки, расположенной напротив ряда k ($1 \leq k < R$) приводит к следующим изменениям. Если в i -м столбце k -го ряда и в i -м столбце $k+1$ -го ряда лампочки находятся в одинаковом состоянии, то лампочка в i -м столбце k -го ряда будет выключена, если в различном — будет включена; потом рассматривается следующий столбец и так далее.

Ниже приведён пример для $L = 4$:

Номера столбцов	1	2	3	4
Ряд $k+1$	on	on	off	off
Ряд k до нажатия кнопки	on	off	on	off
Ряд k после нажатия кнопки	off	on	on	off

По заданному изначальному состоянию игрушки определите, сколько различных состояний Иа-Иа сможет получить для нижнего ряда лампочек с помощью нажатий на кнопки.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит целое число R — количество рядов лампочек в игрушке ($1 < R < 30$). Вторая строка содержит целое число L ($1 \leq L < 8$) — количество лампочек в одном ряду (оно же количество столбцов). В последующих R строках задано состояние игрушки в перечислении сверху-вниз: i -е число в j -й строке равно 1, если i -я лампочка в ряду с номером $R+1-j$ включена, и 0, если эта лампочка выключена.

Формат выходного файла

Выведите одно число — количество различных состояний нижнего ряда, которые Иа-Иа сможет получить с помощью нажатий на кнопки.

Пример

<code>input.txt</code>	<code>output.txt</code>
4	
3	
0 0 1	
0 1 1	
1 0 1	
0 0 1	4